

**تمرين (01):**

يمثل الشكل تغيرات التوتر الكهربائي بين طرفي مكثفة بدلالة الزمن .

تشحن هذه المكثفة بتوتر ثابت قيمته  $E = 5V$  عبر

ناقل أومي مقاومته  $R = 1000\Omega$  .

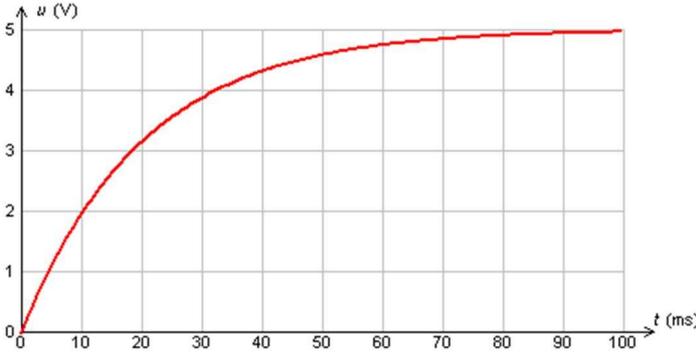
1 - أعط تركيب الدارة الذي يسمح بتحقيق هذه المتابعة؟

2 - أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر بين طرفي المكثفة؟

3 - أعط عبارة حل هذه المعادلة؟

4 - استنتج من البيان قيمة ثابت الزمن  $\tau$  لثنائي القطب  $RC$  ؟

5 - استنتج سعة المكثفة؟



**تمرين (02):** نريد دراسة دارة كهربائية تحتوي على وشيعة ذاتيتها  $L$  ومقاومتها الداخلية  $r = 11,8\Omega$  و على ناقل أومي

مقاومته  $R = 12\Omega$  مغداة بمولد ذو توتر مستمر  $E = 6,1V$

نحقق الدارة المقابلة

- المدخل  $EA0$  يسمح بمشاهدة التوتر  $E$

- المدخل  $EA1$  يسمح بمشاهدة التوتر  $U_{BC}$

أ - دراسة تجريبية :

منحنى تطوّر شدة التيار المحصل عليه باستعمال برمجية خاصة موجود في الملحق (01)

1 / ماهي مدة المرحلة الانتقالية ؟

2 /  $\tau$  هو ثابت الزمن المميز لثنائي القطب  $RL$  .

1-2 / أعط العبارة الحرفية لثابت الزمن ؟

2-2 / استنتج قيمة ذاتية الوشيعة  $L$  ؟

ب- الدراسة التحليلية :

1 / باستعمال قانون جمع التوترات أكتب المعادلة التفاضلية للدارة ؟

2 / نقبل أنّ المعادلة التفاضلية من الشكل  $\frac{dx}{dt} + \alpha x = \beta$  وليكن حل المعادلة من الشكل  $x(t) = \frac{\beta}{\alpha} \cdot (1 - e^{-\alpha t})$  إذا كان  $\beta \neq 0$  و

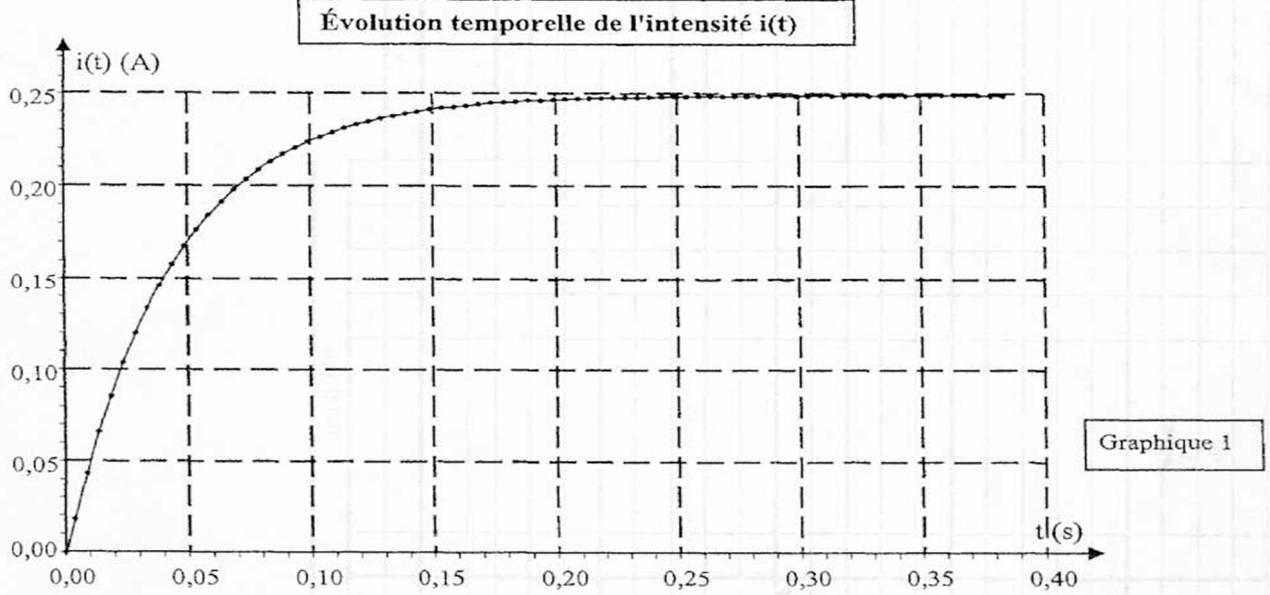
$x(t) = X_0 e^{-\alpha t}$  إذا كان  $\beta = 0$  مع مقدار ثابت .

1-2 / بالمطابقة بين المعادلة المحصل عليها في السؤال (1) و المعادلة المعطاة بين أنّ  $\alpha = \frac{R+r}{L}$  ، ثم أعط عبارة  $\beta$  ؟

2-2 / استنتج عبارة حل المعادلة أي عبارة  $i(t)$  بدلالة  $E$  و  $L$  ،  $R$  ،  $r$  ؟

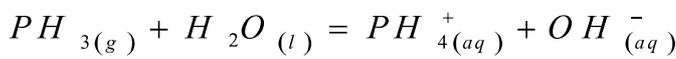
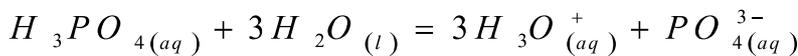
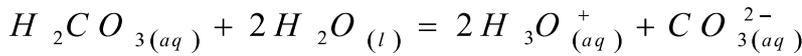
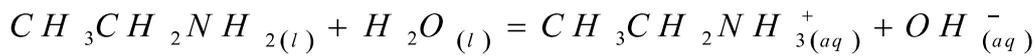
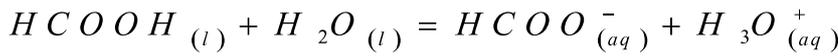
3 / ليكن | شدة التيار في النظام الدائم ، أعط عبارته الحرفية ثم احسب قيمته ، هل تتوافق مع المنحنى البياني؟

4 / أعط عبارة  $i(t)$  في اللحظة  $t = \tau$  بدلالة | ثم احسب قيمتها ، هل تتوافق مع قيمة المنحنى ؟



**الملحق-(01)**

**تمرين (03):** أ- حدد الثنائيات ( حمض/أساس ) المشاركة في التفاعلات التالية



ب- أربعة محاليل مائية لها نفس التركيز المولي  $C = 10^{-2} \text{ mol/L}$  وهي :

المحلول  $S_1$  : محلول حمض الايثانويك  $CH_3COOH$

المحلول  $S_2$  : محلول غاز ميثان أمين  $CH_3NH_2$  ، المحلول  $S_3$  : محلول ماءات البوتاسيوم  $(K^+ + OH^-)$

المحلول  $S_4$  : محلول حمض الأزوت  $(H_3O^+ + NO_3^-)$  .

نقيس  $pH$  كل محلول من المحاليل السابقة و النتائج دونت في الجدول التالي :

المحلول	$S_1$	$S_2$	$S_3$	$S_4$
$pH$	12	3.4	10.6	2

1- حدث خلط في قيم الـ  $pH$  أثناء تسجيلها في الجدول ، أنقل الجدول مع تصحيحه مبرراً اجابتك ؟

2- أكتب معادلتني تفاعل كل من حمض الايثانويك و غاز الميثان أمين مع الماء ؟

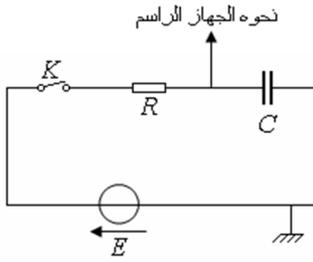
3- أحسب النسبة النهائية لتقدم التفاعل  $\tau_f$  في حالتي المحلولين  $S_1$  و  $S_4$  ماذا تستنتج ؟

التفريط

الاجابة

تمرين (01): (5 نقطة)

1- تركيب الدارة:



01

2- ايجاد المعادلة التفاضلية:

بتطبيق قانون التوترات على هذه الدارة نجد:

0.25

$$u_C + u_R = E$$

و منه نكتب:

0.25

$$u_C + RC \frac{du_C}{dt} = E$$

و نعوض بعد ذلك  $\tau = RC$  فنحصل إلى النتيجة التالية:

0.5

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{\tau} u_C = \frac{E}{\tau}$$

3- عبارة حل المعادلة التفاضلية:

01

$$u_C = E \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$$

4- قيمة  $\tau$  بيانيا:نعوض في حل المعادلة التفاضلية  $t = \tau$  فنجد:

0.5

$$u_C = 0,63E = 0,63 \times 5 = 3,15V$$

0.5

نبحث في المنحنى عن اللحظة التي يكون فيها التوتر بين طرفي المكثفة يساوي هذه القيمة فنجد:  $\tau = 20ms$ - طريقة أخرى : باستعمال المماس للمنحنى في اللحظة  $t = 0$ 

5- سعة المكثفة:

01

$$C = \frac{\tau}{R} = \frac{20 \cdot 10^{-3}}{1000} = 20 \cdot 10^{-6} F = 20 \mu F$$

تمرين (01): (7 نقطة)

أ- الدراسة التجريبية:

1- مدة المرحلة الانتقالية:  $t = 0.25s$ 

0.5

0.25

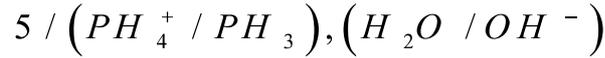
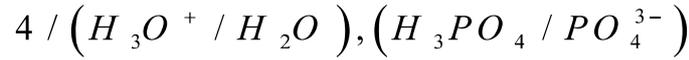
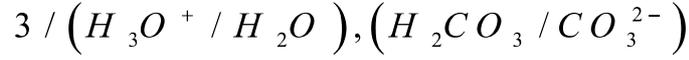
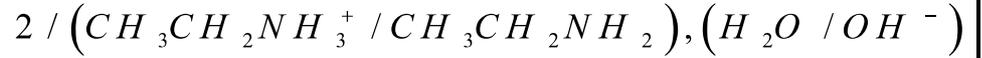
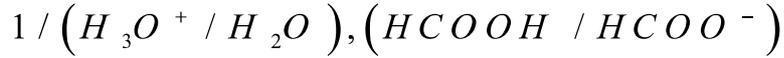
$$\tau = \frac{L}{R + r}$$

2-1/ العبارة الحرفية لثابت الزمن:

التقييط	الاجابة
	<u>2-2/ استنتاج قيمة الذاتية L :</u>
0.5	$\tau = \frac{t}{5} = \frac{0.25}{5} = 0.05s$
0.5	$L = \tau(R + r) = 0.05(12 + 11.8) = 1.19H$
	<u>ب - الدراسة التحليلية :</u> <u>1- كتابة المعادلة التفاضلية: بتطبيق قانون التوتورات :</u>
0.25	$U_R + U_b = E$
0.25	$Ri + \left( ri + L \frac{di}{dt} \right) = E \Rightarrow (R + r)i + L \frac{di}{dt} = E; \tau = \frac{L}{R + r}; i_0 = \frac{E}{R + r} \Rightarrow$
0.25	$\frac{di}{dt} + \frac{(R + r)}{L} i = \frac{E}{L} \Rightarrow \frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau} i = \frac{i_0}{\tau}$
	و هي معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى بطرف ثاني . <u>2-1/ استنتاج عبارة <math>\alpha</math> و <math>\beta</math> :</u>
0.25	$\frac{di}{dt} + \frac{1}{\tau} i = \frac{i_0}{\tau}$
01	$\frac{dx}{dt} + \alpha x = \beta \Rightarrow \alpha = \frac{1}{\tau} = \frac{R + r}{L} \text{ et } \beta = \frac{i_0}{\tau} = \frac{E}{R + r} \times \frac{R + r}{L} = \frac{E}{L}$
0.5	$\frac{\beta}{\alpha} = \frac{E/L}{(R + r)/L} = \frac{E}{R + r} = i_0$
0.5	$i(t) = i_0 \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right)$
	<u>2-2/ عبارة حل المعادلة التفاضلية :</u>
0.25	$I = i_0 = \frac{E}{R + r}$
	<u>3- أ/ عبارة ا في النظام الدائم :</u>
0.5	$I = \frac{6.1}{12 + 11.8} = 0.256 A = 256 mA$
	<u>ب/ قيمة ا في النظام الدائم :</u>
0.25	3- ج/ نعم تتوافق قيمة ا مع قيمة المنحني في حدود الأخطاء المرتكبة في القياسات الفيزيائية .
0.5	$i(t) = i_0 \left( 1 - e^{-\frac{t}{\tau}} \right) = 0.63 i_0$
	<u>4 - أ/ عبارة شدة التيار في اللحظة <math>t = \tau</math> :</u>
0.5	$i(\tau) = 0.63 \times 0.256 = 0.162 A = 162 mA$
	<u>4- ب/ قيمة شدة التيار في اللحظة <math>t = \tau</math> :</u>
0.25	4- ج/ هذه القيمة لا تتوافق مع قيمة المنحني .

تمرين (03): (8 نقطة)

أ- تحديد الثنائيات (حمض/أساس) المشاركة في كل تفاعل :



ب- 1- أ/ تصحيح الجدول :

	$S_4$	$S_3$	$S_2$	$S_1$	المحلول
01	2	12	10,6	3,4	pH

1- ب/ اتيبرير : - المحلول  $S_4$  حمض الأزوت و هو قوي اذن

$$[H_3O^+] = C \Rightarrow pH = -\log[H_3O^+]$$

$$pH = -\log 10^{-2} = 2$$

- المحلول  $S_3$  محلول هيدروكسيد الصوديوم و هو أساس قوي اذن. . . . .

$$C = [OH^-] = 10^{-2} \text{ mol / L} \Rightarrow [H_3O^+] = \frac{K_e}{[OH^-]} = \frac{10^{-14}}{10^{-2}} = 10^{-12} \text{ mol / L}$$

$$pH = -\log[H_3O^+] = -\log 10^{-12} = 12$$

- المحلول  $S_1$  محلول حمض الايتانويك و هو حمض ضعيف

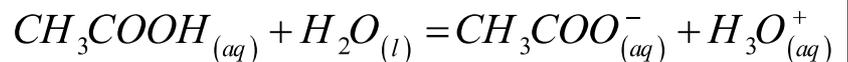
$$[H_3O^+] \langle 10^{-2} \text{ mol / L} \Rightarrow pH \rangle 2$$

- المحلول  $S_2$  هو أساس ضعيف اذن

$$[OH^-] \langle C = 10^{-2} \text{ mol / L} \Rightarrow [H_3O^+] \rangle 10^{-12} \text{ mol / L}$$

$$\Rightarrow pH \langle 12$$

2- أ/ كتابة معادلة تفاعل حمض الايتانويك مع الماء :



التقييم	الاجابة	
0.25	<p>- ب/ كتابة معادلة تفاعل غاز ميثان أمين مع الماء :  <math display="block">CH_3NH_{2(aq)} + H_2O_{(l)} = CH_3NH_{3(aq)}^+ + OH_{(aq)}^-</math> -3 / حساب نسبة التقدم النهائي في حالة المحلولين الاول و الرابع :  المحلل <math>S_1</math> :</p>	
0.25	$pH = 3,4 \Rightarrow [H_3O^+] = 10^{-pH} = 10^{-3,4} = 3,98 \times 10^{-4} mol / L$	
0.25	$\frac{X_f}{V} = [H_3O^+]_f = 3,98 \times 10^{-4} mol / L$	
0.25	$\frac{X_{max}}{V} = C = 10^{-2} mol / L$	
0.25+0.25	$\tau_f = \frac{X_f}{X_{max}} = \frac{3,98 \times 10^{-4} mol / L}{10^{-2} mol / L} = 3,98 \times 10^{-2} \Rightarrow \tau_f \times 100 = 3,98 \%$ <p>- المحلل <math>S_4</math> :</p>	
0.25	$C = [H_3O^+] = 10^{-2} mol / L$	
0.25+0.25	$\tau_f = \frac{X_f}{X_{max}} = \frac{10^{-2}}{10^{-2}} = 1 \Rightarrow \tau_f \times 100 = 100 \%$	
0.25	<p>-3 ب/ الاستنتاج : - تفاعل حمض الايتانويك مع الماء هو تفاعل غير تام ( حمض الايتانويك حمض ضعيف )</p>	
0.25	<p>- تفاعل حمض النتريك مع الماء هو تفاعل تام ( حمض النتريك حمض قوي )</p>	
ثنائية كاتب ياسين- المدينة الجديدة	ص-6	الأستاذ: زرمان